Lógica Digital (1001351)



Mapas de Karnaugh

Prof. Ricardo Menotti menotti@ufscar.br

Atualizado em: 21 de marco de 2024

Departamento de Computação Centro de Ciências Exatas e de Tecnologia Universidade Federal de São Carlos Prof. Luciano de Oliveira Neris

Ineris@ufscar.br

Mapas de Karnaugh

$$f = (\overline{x}_1 + x_2)(\overline{x}_1 + x_3)$$

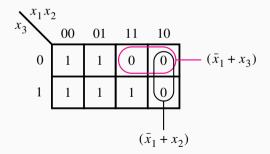


Figure 2.60 POS minimization of $f(x_1, x_2, x_3) = \Pi M(4, 5, 6)$.

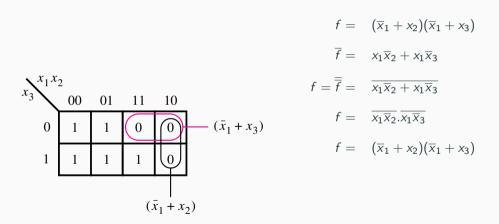


Figure 2.60 POS minimization of $f(x_1, x_2, x_3) = \Pi M(4, 5, 6)$.

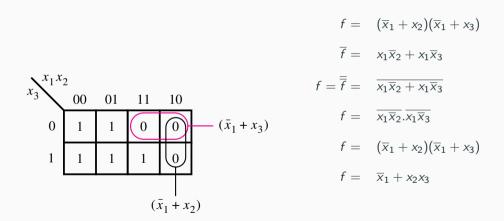


Figure 2.60 POS minimization of $f(x_1, x_2, x_3) = \Pi M(4, 5, 6)$.

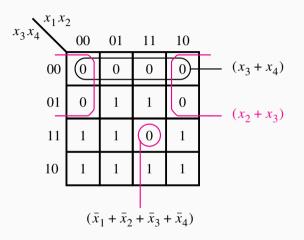
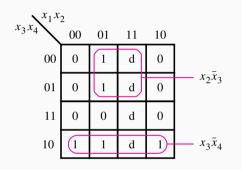


Figure 2.61 POS minimization of $f(x_1, ..., x_4) = \Pi M(0, 1, 4, 8, 9, 12, 15).$

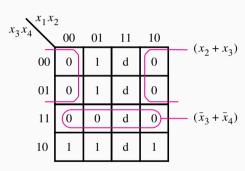
Especificação incompleta

(don't care)

- Nos circuitos digitais, há certas situações onde algumas entradas para uma função nunca acontecem. Ex:
 - Um sensor para detectar se uma porta está aberta e outro para detectar se a mesma porta está fechada;
 - Um sensor para detectar se um objeto é muito pesado e outro se ele é muito leve; etc.
- Em funções deste tipo, as entradas que nunca ocorrem são chamadas de indiferenças (don't care conditions);
 - Tanto faz qual será a saída da função nesses casos, já que a entrada nunca ocorre;
 - Isso pode ser usada para otimizar a função, adotando 0 ou 1 na saída de acordo com a conveniência.



(a) SOP implementation



(b) POS implementation

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \Sigma m(2, 4, 5, 6, 10) + D(12, 13, 14, 15)$$

BCD	<i>b</i> ₃	b ₂	b_1	<i>b</i> ₀	f				<i>x</i> ₁	Xο	
0	0	0	0	0	0				7.1	7.0	
1	0	0	0	1	0			00	01	11	10
2	0	0	1	0	0						
3	0	0	1	1	1		0.0		0	-	
4	0	1	0	0	0		00	0	0	1	0
5	0	1	0	1	0						
6	0	1	1	0	1		01	0	0	0	1
7	0	1	1	1	0	Vo Vo	01				
8	1	0	0	0	0	X ₃ X ₂					
9	1	0	0	1	1		11	D	D	D	D
Α	1	0	1	0	_						
Ь	1	0	1	1	_		10	0	1	D	D
С	1	1	0	0	_			0	1		
d	1	1	0	1	_						
Ε	1	1	1	0	_						
F	1	1	1	1	_						

Implementar $f(b_3, b_2, b_1, b_0) = \sum m_{(3,6,9)} + D_{(10,11,12,13,14,15)}$

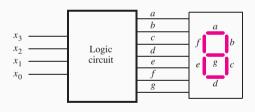
BCD	<i>b</i> ₃	b ₂	b_1	<i>b</i> ₀	f				<i>x</i> ₁	Xο	
0	0	0	0	0	0				7.1	7.0	
1	0	0	0	1	0			00	01	11	10
2	0	0	1	0	0						
3	0	0	1	1	1		00		0		
4	0	1	0	0	0		00	0	0	$\lfloor 1 \rfloor$	0
5	0	1	0	1	0						
6	0	1	1	0	1		01	0	0	0	1
7	0	1	1	1	0	Va Va	01				
8	1	0	0	0	0	X ₃ X ₂					
9	1	0	0	1	1		11	D	D	D	D
Α	1	0	1	0	-						
Ь	1	0	1	1	_		10	0	1	D	D
С	1	1	0	0	_		10	0			
d	1	1	0	1	_						
Е	1	1	1	0	_						
F	1	1	1	1	_						

Implementar $f(b_3, b_2, b_1, b_0) = \sum m_{(3,6,9)} + D_{(10,11,12,13,14,15)}$

BCD	<i>b</i> ₃	b ₂	b_1	<i>b</i> ₀	f				<i>X</i> ₁	Χo	
0	0	0	0	0	0				7.1	7.0	
1	0	0	0	1	0			00	01	11	10
2	0	0	1	0	0						
3	0	0	1	1	1		0.0		0		
4	0	1	0	0	0		00	0	0	$\lfloor 1 \rfloor$	0
5	0	1	0	1	0						
6	0	1	1	0	1		01	0	0	0	1
7	0	1	1	1	0	Vo Vo	01		0	0	_
8	1	0	0	0	0	<i>X</i> ₃ <i>X</i> ₂					
9	1	0	0	1	1		11	D	D	D	
Α	1	0	1	0	_						
Ь	1	0	1	1	_		10	0	1	D	D
С	1	1	0	0	_		10	0	1	D	
d	1	1	0	1	_						
Ε	1	1	1	0	_						
F	1	1	1	1	_						

Implementar $f(b_3, b_2, b_1, b_0) = \sum m_{(3,6,9)} + D_{(10,11,12,13,14,15)}$

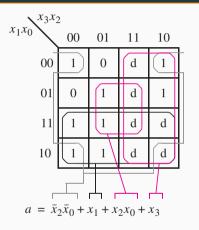
- Frequentemente é necessário implementar funções que são parte de um sistema maior;
- Pode ser possível compartilhar algumas das portas necessárias na implementação de funções individuais;
- Essa estratégia nem sempre funciona da melhor maneira, como veremos a seguir;
- Em vez de derivar as expressões individualmente, podemos procurar implicantes que possam ser compartilhados com vantagem na realização combinada das funções.

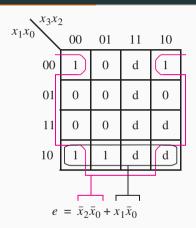


(a) Logic circuit and 7-segment display

	x_3	x_2	x_1	x_0	а	b	c	d	e	f	g
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
5	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
4	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
5	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
5	0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1
٦	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
В	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1

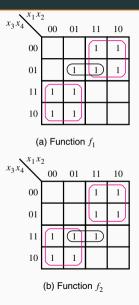
(b) Truth table

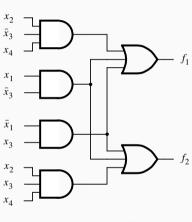




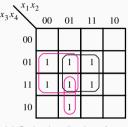
(c) The Karnaugh maps for outputs a and e.

Figure 2.63 Using don't-care minterms when displaying BCD numbers.





(c) Combined circuit for f_{1} and $f_{2} \\$



(a) Optimal realization of f_3

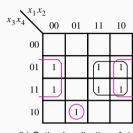
00

01

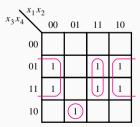
11

10





(b) Optimal realization of f_4



(c) Optimal realization of $f_{\rm 3}$ and $f_{\rm 4}$ together

Bibliografia

Bibliografia

 Brown, S. & Vranesic, Z. - Fundamentals of Digital Logic with Verilog Design, 3rd Ed., Mc Graw Hill, 2009

Lógica Digital (1001351)



Mapas de Karnaugh

Prof. Ricardo Menotti menotti@ufscar.br

Atualizado em: 21 de março de 2024

Departamento de Computação Centro de Ciências Exatas e de Tecnologia Universidade Federal de São Carlos Prof. Luciano de Oliveira Neris Ineris@ufscar.br